

```
> Test := proc(k, n)
  local c :
  if igcd(k, n) = 1 then c := 1 else c := 0 fi;      # igcd est la commande maple pour le pgcd
  c;
end;
```

```
Test := proc(k, n) local c; if igcd(k, n) = 1 then c := 1 else c := 0 end if; c end proc (1)
```

```
> Test(325, 44); Test(1236, 87);
```

```
1
```

```
0
```

```
(2)
```

```
> Test2 := proc(k, n)                                     # sans utiliser la commande pgcd
```

```
  local a, b, r :
```

```
  a := k : b := n :
```

```
  r := irem(a, b) :
```

```
  # irem est la commande maple donnant le reste de la division euclidienne
```

```
  while r > 1 do
```

```
    # on fait l'algorithme d'Euclide et on arrête quand le reste trouvé vaut 1 ou 0,
```

```
    # s'il vaut 1 les nombres sont premiers entre eux, s'il vaut 0, les nombres ont un pgcd
    # supérieur ou égal à 2
```

```
    a := b :
```

```
    b := r :
```

```
    r := irem(a, b) :
```

```
  od:
```

```
  r;
```

```
end;
```

```
Test2 := proc(k, n)                                     (3)
```

```
  local a, b, r;
```

```
  a := k; b := n; r := irem(a, b); while 1 < r do a := b; b := r; r := irem(a, b) end do; r
```

```
end proc
```

```
> Test2(325, 44); Test2(1236, 87);
```

```
1
```

```
0
```

```
(4)
```

```
> Eucl := proc(k, n)
```

```
  # sans utiliser la commande algorithme d'Euclide avec la commande irem pour trouver le
  # pgcd de 2 nombres
```

```
  local a, b, r :
```

```
  a := k : b := n :
```

```
  r := irem(a, b) :
```

```
  while r > 0 do
```

```
    # on fait l'algorithme d'Euclide et on arrête quand le reste trouvé 0, le pgcd est alors
    # donné par le quotient b
```

```
    a := b :
```

```
    b := r :
```

```
    r := irem(a, b) :
```

```
  od:
```

```
  b;
```

```

end;
Eucl := proc(k, n)
  local a, b, r;
  a := k; b := n; r := irem(a, b); while 0 < r do a := b; b := r; r := irem(a, b) end do; b
end proc

```

(5)

```

> Eucl(32, 12); Eucl(325, 44); Eucl(1236, 87);
      4
      1
      3

```

(6)

```

> Card := proc(n)
  # On compte les inversibles de  $\frac{\mathbb{Z}}{n\mathbb{Z}}$ 
  local k, c;
  c := 0;
  # c est un compteur qui compt les inversibles de  $\frac{\mathbb{Z}}{n\mathbb{Z}}$ 
  for k from 1 to n - 1 do
  # 0=n n'est pas un inversible
  if Test(k, n) = 1 then c := c + 1 fi;
  # quand on trouve un inversible, on incrémente c
  od;
  c;
end;

```

(7)

```

Card := proc(n)
  local k, c;
  c := 0; for k to n - 1 do if Test(k, n) = 1 then c := c + 1 end if end do; c
end proc

```

```

> Card(10); Card(12); Card(29);
      4
      4
      28

```

(8)

```

>
> Ord := proc(k, n)
  # On calcule l'ordre de k dans le groupe des inversibles de  $\frac{\mathbb{Z}}{n\mathbb{Z}}$ 
  local i, r, r2;
  if Test(k, n) = 0
  then print(ERREUR)
  # on verifie que k est bien inversible dans  $\frac{\mathbb{Z}}{n\mathbb{Z}}$ 
  else i := 1 :
    r := irem(k, n) :
    # r est la classe du nombre k dans  $\frac{\mathbb{Z}}{n\mathbb{Z}}$ 
    while r ≠ 1 do
    # tant que cette classe est différente de 1 on continue a calculer les puissances de k dans  $\frac{\mathbb{Z}}{n\mathbb{Z}}$ 
    # pour faire le symbole different, on tape: <>

```

```
    r2 := k*r;  
    r := irem(r2, n);  
    i := i + 1;  
  od;
```

```
  i;
```

```
fi;  
end;
```

```
Ord := proc(k, n)
```

```
  local i, r, r2;
```

```
  if Test(k, n) = 0 then
```

```
    print(ERREUR)
```

```
  else
```

```
    i := 1; r := irem(k, n); while r <> 1 do
```

```
      r2 := k*r; r := irem(r2, n); i := i + 1
```

```
    end do;
```

```
    i
```

```
  end if
```

```
end proc
```

```
> Ord(4, 10);
```

```
ERREUR
```

```
> Ord(1, 10); Ord(3, 10); Ord(7, 10); Ord(9, 10);
```

```
1
```

```
4
```

```
4
```

```
2
```

(9)

(10)

(11)