Exercice 1 Résoudre

$$\begin{cases} 3x + 5y &= 11 \\ 2x + 3y &= 7 \end{cases} \qquad \begin{cases} 2x + 5y &= 10 \\ 2x + 3y &= 8 \end{cases} \qquad \begin{cases} 6x + 12y &= 30 \\ 3x + 3y &= 9 \end{cases}$$

Exercice 2 Un groupe de pirates fête ses dix ans d'existence avec quelques vikings de la région. Chaque pirate mange pendant la soirée 4 poulets et boit 5 litres de bière. Les vikings ne mangent que 3 poulets, mais boivent 7 litres de bière. En totalité, 65 poulets et 117 bières ont été consommés. Combien de pirates et de vikings étaient présents?

Exercice 3 Dans une ferme on élève des lapins et des poulets. Il y a en totalité 27 animaux, et 72 pattes d'animaux. Combien de lapins et combien de poulets sont dans la ferme?

Exercice 4 La course de montagne dure 6h. A l'aller on monte à 3 km/h. Puis au retour on descend à 5 km/h. La course commence à 8 h du matin. A quelle heure est on au sommet?

Exercice 5 Résoudre

$$\begin{cases}
-5x & -y & +2z & = & -20 \\
-2x & +6y & +2z & = & 2 \\
4x & +2y & -8z & = & -2
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-9x & +9y & +6z & = & 114 \\
4x & & -7z & = & -91 \\
-x & & -2z & = & -26
\end{cases}$$

Exercice 6 Résoudre

$$\begin{cases} x & -3y & +2z & = 8 \\ -x & +3y & -4z & = & -16 \end{cases} \qquad \begin{cases} 6x & +3y & +1 & = & 10 \\ 6x & +3y & +3 & = & 12 \end{cases}$$

Exercice 7 Résoudre en fonction d'un paramètre $t \in \mathbb{R}$

$$\begin{cases} 1x + 2y &= t^2 \\ 4x + 3y &= 1 \end{cases} \begin{cases} 2tx + 9y &= 21 \\ 8x + ty &= 14 \end{cases} \begin{cases} 2x - (t-1)y &= 4 \\ (t+2)x + (2t+1)y &= t-1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 3x + y - z &= 3 \\ 2x - 3y + 2z &= 3 \\ x + 4y + tz &= 0 \end{cases} \begin{cases} 7x - 3y + tz &= 29 \\ 70x + 2y + 5z &= t \\ 19x + y + 16z &= 41 \end{cases} \begin{cases} x + y &= 2t \\ -x + 2y + z &= 4 \\ 4x + y - z &= 2 \end{cases}$$

Exercice 8 Discuter l'existence de solutions de

$$\begin{cases} 2x & +3y & = & 4 \\ 3x & +7y & = & 0 \\ 4x & +y & = & 1 \end{cases} \qquad \begin{cases} 2x & +3y & = & 4 \\ 3x & +7y & = & 0 \\ 4x & +y & = & 20 \end{cases} \qquad \begin{cases} 2x & +3y & = & 4 \\ 3x & +7y & = & 0 \\ 4x & +3y & = & 20 \end{cases} \qquad \begin{cases} 2x & +3y & = & 4 \\ 3x & +7y & = & 0 \\ 4x & +3y & = & 0 \end{cases}$$